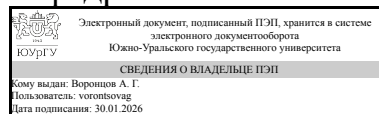


ЮЖНО-УРАЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

УТВЕРЖДАЮ:
Заведующий выпускающей
кафедрой



А. Г. Воронцов

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины 1.Ф.ПО.10 Теория функций комплексного переменного
для направления 11.03.04 Электроника и нанoeлектроника

уровень Бакалавриат

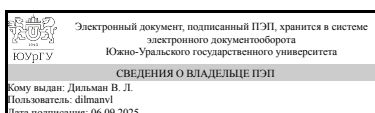
профиль подготовки Нанoeлектроника: проектирование, технология, применение

форма обучения очная

кафедра-разработчик Математический анализ и методика преподавания
математики

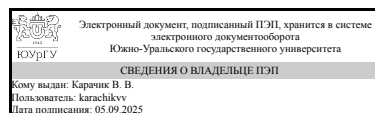
Рабочая программа составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению
подготовки 11.03.04 Электроника и нанoeлектроника, утверждённым приказом
Минобрнауки от 19.09.2017 № 927

Зав.кафедрой разработчика,
д.физ.-мат.н., доц.



В. Л. Дильман

Разработчик программы,
д.физ.-мат.н., снс, профессор



В. В. Карачик

1. Цели и задачи дисциплины

Аналитические функции естественно возникают во многих задачах математики, механики и физики. По этой причине образование любого специалиста в области математики и ее приложений не может считаться полным без основательного изучения теории таких функций и их основных приложений. Цель изучения дисциплины «Теория функций комплексного переменного» состоит в обучении студентов основам теории аналитических функций, методам комплексного анализа и приложению данной теории к задачам математического анализа, механики и физики. Задачами изучения дисциплины являются: 1. Распространение основных понятий действительного анализа (таких как производная, криволинейный интеграл, числовой и функциональный ряд) на комплексный случай. 2. Установление тех фактов действительного анализа, которые непосредственно переносятся в комплексную область и изучение свойств аналитических функций, имеющих комплексную природу. 3. Установление связи комплексного анализа с другими разделами математики, с механикой и физикой и приложение теории функций комплексного переменного.

Краткое содержание дисциплины

Комплексные числа: комплексные числа, комплексная плоскость; модуль и аргумент комплексного числа, их свойства; числовые последовательности и их пределы, ряды; стереографическая проекция, ее свойства; сфера Римана, расширенная комплексная плоскость; множества на плоскости, области и кривые. Функции комплексного переменного и отображения множеств: функции комплексного переменного; предел функции; непрерывность, модуль непрерывности; дифференцируемость по комплексному переменному, условие Коши-Римана; аналитическая функция; геометрический смысл аргумента и модуля производной; понятие о конформном отображении. Элементарные функции: целая линейная и дробно-линейная функция, их свойства, общий вид дробно-линейного отображения круга на себя и верхней полуплоскости на круг; экспонента и логарифм, степень с произвольным показателем; понятие о римановой поверхности на примерах логарифмической и общей степенной функций; функция Жуковского; тригонометрические и гиперболические функции. Интеграл по комплексному переменному, его простейшие свойства, связь с криволинейными интегралами 1-го и 2-го рода; сведение к интегралу по действительному переменному; первообразная функция, формула Ньютона-Лейбница; переход к пределу под знаком интеграла; интегральная теорема Коши. Интеграл Коши: интегральная формула Коши; бесконечная дифференцируемость аналитических функций, формулы Коши для производных; теорема Морера. Последовательности и ряды аналитических функций в области: теорема Вейерштрасса; степенные ряды; теорема Абеля, формула Коши-Адамара; разложение аналитической функции в степенной ряд, единственность разложения; неравенство Коши для коэффициентов степенного ряда; действия со степенными рядами. Теорема единственности и принцип максимума модуля: нули аналитической функции, порядок нуля; теорема единственности для аналитических функций; принцип максимума модуля и лемма Шварца. Ряд Лорана: ряд Лорана, область его сходимости; разложение аналитической функции в ряд Лорана, единственность разложения, формулы и неравенства Коши для коэффициентов; теорема Лиувилля и теорема об устранимой особой точке. Изолированные особые точки однозначного

характера; классификация изолированных особых точек однозначного характера по поведению функции и ряду Лорана; полюс, порядок полюса; существенная особая точка, теорема Сохоцкого-Вейерштрасса, понятие о теореме Пикара; бесконечно удаленная точка как особая. Вычеты, принцип аргумента: определение вычета, теоремы Коши о вычетах, вычисления вычетов; применения вычетов; логарифмический вычет, принцип аргумента; теорема Руше и теорема Гурвица. Отображения посредством аналитических функций: принцип открытости и принцип области; теорема о локальном обращении; однолистные функции, критерий локальности однолистности и критерий конформности в точке, достаточное условие однолистности (обратный принцип соответствия границ); дробно-линейность однолистных конформных отображений круговых областей друг на друга; теорема Римана (без доказательства) и понятие о соответствии границ при конформном отображении. Аналитическое продолжение: аналитическое продолжение по цепи и по кривой; полная аналитическая функция в смысле Вейерштрасса, ее риманова поверхность и особые точки; теорема о монодромии; аналитическое продолжение через границу области, принцип симметрии. Целые и мероморфные функции: целые функции, их порядок и тип; произведение Вейерштрасса; мероморфные функции; функции, мероморфные в расширенной плоскости. Принцип симметрии при конформном отображении и его применение. Симметрия относительно действительной оси. Применение принципа симметрии: внешность креста на полуплоскость, внутренность параболы на полуплоскость. Симметрия относительно окружности. Отображение круга на круг, кольца на кольцо. Формула Кристоффеля-Шварца – отображение полуплоскости на многоугольник. Пример: отображение полуплоскости на четырехугольник. Постановка задачи Дирихле. Инвариантность уравнения Лапласа относительно конформного отображения. Задача Дирихле для круга. Интеграл Пуассона, разложение гармонических функций в ряды, связь с тригонометрическими рядами.

2. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Планируемые результаты освоения ОП ВО (компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ПК-1 Способен строить простейшие физические и математические модели приборов, схем, устройств и установок электроники и наноэлектроники различного функционального назначения, а также использовать стандартные программные средства их компьютерного моделирования	Знает: положения теории функций комплексного переменного, необходимые для построения физических и математических модели моделей, узлов, блоков электроники и наноэлектроники различного функционального назначения

3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

Перечень предшествующих дисциплин, видов работ учебного плана	Перечень последующих дисциплин, видов работ
Нет	Уравнения математической физики

Требования к «входным» знаниям, умениям, навыкам студента, необходимым при освоении данной дисциплины и приобретенным в результате освоения предшествующих дисциплин:

Нет

4. Объём и виды учебной работы

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 4 з.е., 144 ч., 90,5 ч. контактной работы

Вид учебной работы	Всего часов	Распределение по семестрам
		в часах
		Номер семестра
		3
Общая трудоёмкость дисциплины	144	144
<i>Аудиторные занятия:</i>	80	80
Лекции (Л)	32	32
Практические занятия, семинары и (или) другие виды аудиторных занятий (ПЗ)	48	48
Лабораторные работы (ЛР)	0	0
<i>Самостоятельная работа (СРС)</i>	53,5	53,5
Подготовка к экзамену	16	16
Задания для самостоятельной работы	21,5	21,5
Домашние задания	16	16
Консультации и промежуточная аттестация	10,5	10,5
Вид контроля (зачет, диф.зачет, экзамен)	-	экзамен

5. Содержание дисциплины

№ раздела	Наименование разделов дисциплины	Объём аудиторных занятий по видам в часах			
		Всего	Л	ПЗ	ЛР
1	Регулярные функции	39	15	24	0
2	Многозначные аналитической функции	13	5	8	0
3	Теория вычетов и ее применение	12	4	8	0
4	Конформные отображения	16	8	8	0

5.1. Лекции

№ лекции	№ раздела	Наименование или краткое содержание лекционного занятия	Кол-во часов
1	1	Действия над комплексными числами. Области и линии на комплексной плоскости. Стереографическая проекция. Последовательности и ряды.	2
2	1	Функции комплексной переменной. Предел и непрерывность. Основные однозначные функции комплексного переменного. Интегрирование функций комплексной переменной.	2
3	1	Дифференцирование функций. Условия Коши-Римана. Условия Коши-Римана в полярной системе координат.	2
4	1	Интегральная теорема Коши. Формула Ньютона-Лейбница. Регулярные функции. Степенные ряды. Ряды Тейлора.	2
5	1	Гармонические функции и их свойства. Сопряженные гармонические	2

		функции. Теоремы о среднем.	
6	1	Достаточные условия регулярности. Теорема Мореры. Теорема единственности регулярной функций и ее применение. Продолжение некоторых тождеств из действительного случая в комплексный.	2
7	1	Особые точки однозначного характера: устранимая особая, полюс, существенно особая точка. Разложение регулярной функции в ряд Лорана. Основные приемы разложений.	2
8	1	Исследование особых точек с помощью рядов Лорана. Ряд Лорана в окрестности бесконечности. Теоремы Сохотского, Пикара и Лиувилля.	1
9	2	Многозначные аналитические функции. Продолжение вдоль кривой. Логарифмическая функция и ее свойства.	2
10	2	Степенная функция. Арифметические операции над аналитическими функциями. Аналитические и регулярные ветви полных аналитических функций.	2
11	2	Особые точки аналитических функций. Точки ветвления. Граничные особые точки регулярных функций.	1
12	3	Вычет регулярной в кольце функции. Вычет в бесконечно удаленной точке. Полная сумма вычетов. Применение вычетов к вычислению контурных интегралов.	2
13	3	Принцип аргумента и теорема Руше. Мероморфные функции.	2
14	4	Геометрический смысл производной. Теоремы об обратных функциях. Однолистные функции.	2
15	4	Общие свойства конформных отображений. Дробно-линейные отображения. Конформность, групповое и круговое свойства, симметрия.	3
16	4	Конформные отображения элементарными функциями z^2 , $\sqrt{z}$, z^a , e^z , $\ln z$, функция Жуковского $w=(z+1/z)/2$. Принцип симметрии. Отображения многоугольников, теорема Кристоффеля-Шварца. Задача Дирихле.	3

5.2. Практические занятия, семинары

№ занятия	№ раздела	Наименование или краткое содержание практического занятия, семинара	Кол-во часов
1	1	Действия над комплексными числами. Области и линии на комплексной плоскости. Стереографическая проекция и сферическая метрика. Последовательности и ряды.	2
2	1	Кривые и области. Функции комплексной переменной. Непрерывность. Основные однозначные функции комплексного переменного: тригонометрические и гиперболические функции.	3
3	1	Интегрирование и свойства интегралов. Дифференцирование функций. Условия Коши-Римана.	3
4	1	Интегральная теорема Коши, первообразная, формула Ньютона-Лейбница. Регулярные функции. Степенные ряды. Ряды Тейлора.	3
5	1	Интегральная формула Коши. Свойства регулярных функций. Гармонические функции и их свойства.	3
6	1	Достаточные условия регулярности. Теорема единственности. Продолжение некоторых тождеств из действительного случая в комплексный.	2
7	1	Особые точки однозначного характера: устранимая особая, полюс, существенно особая. Разложение регулярной функции в ряд Лорана.	4
8	1	Разложение регулярных функций в ряды Тейлора и Лорана.	4
9	2	Аналитические функции. Логарифмическая и степенная функции.	3
10	2	Приращение аргумента вдоль кривой. Выделение регулярных ветвей.	3

		Производная регулярной ветви. Ряды Лорана регулярных ветвей.	
11	2	Особые точки аналитических функций.	2
12	3	Вычет регулярной в кольце функции. Вычет в бесконечно удаленной точке. Применение вычетов к вычислению контурных интегралов.	4
13	3	Принцип аргумента и теорема Руше. Разложение мероморфной функции на элементарные дроби.	4
14	4	Аргумент и модуль производной. Отображения: линейные растяжения, углы между кривыми, коэффициент растяжения. Свойства конформных отображений.	3
15	4	Принцип соответствия границ. Дробно-линейная функция и ее свойства. Конформные отображения с помощью дробно-линейных функций, элементарных функций, функции Жуковского	2
16	4	Принцип симметрии: внешность креста на полуплоскость, внутренность параболы на полуплоскость. Формула Кристоффеля-Шварца (полуплоскость на треугольник). Задача Дирихле.	3

5.3. Лабораторные работы

Не предусмотрены

5.4. Самостоятельная работа студента

Выполнение СРС			
Подвид СРС	Список литературы (с указанием разделов, глав, страниц) / ссылка на ресурс	Семестр	Кол-во часов
Подготовка к экзамену	Карачик, В. В. Теория функций комплексного переменного [Текст] учеб. пособие по направлению 03.03.01 "Приклад. математика и физика" и др. В. В. Карачик, Л. Д. Менихес ; Юж.-Урал. гос. ун-т, Каф. Мат. и функцион. анализ ; ЮУрГУ. - Челябинск: Издательский Центр ЮУрГУ, 2015. - 410, [1] с. ил. электрон. версия. Главы 1-5.	3	16
Задания для самостоятельной работы	Шабунин, М. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного [Текст] учеб. пособие для вузов по направлению "Прикладные математика и физика" М. И. Шабунин, Е. С. Половинкин, М. И. Карлов. - 2-е изд. - М.: Бином. Лаборатория знаний, 2011. - 362 с. ил. электр. версия. Главы 1,2,3,4,5,6 (п.25-28).	3	21,5
Домашние задания	Шабунин, М. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного [Текст] учеб. пособие для вузов по направлению "Прикладные математика и физика" М. И. Шабунин, Е. С. Половинкин, М. И. Карлов. - 2-е изд. - М.: Бином. Лаборатория знаний, 2011. - 362 с. ил. электр. версия. Главы 1,2,3,4,5,6 (п.25-28).	3	16

6. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации

Контроль качества освоения образовательной программы осуществляется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе оценивания результатов учебной деятельности обучающихся.

6.1. Контрольные мероприятия (КМ)

№ КМ	Се-местр	Вид контроля	Название контрольного мероприятия	Вес	Макс. балл	Порядок начисления баллов	Учитывается в ПА
1	3	Текущий контроль	Контрольная работа1	10	10	Контрольная работа 1 содержит 5 заданий. За правильно выполненное задание дается 2б. За каждую мелкую ошибку в задании оценка снижается на 0,2 балла. За правильный ответ без обоснования решения оценка снижается на 1 балл.	экзамен
2	3	Текущий контроль	Контрольная работа3	10	10	Контрольная работа3 содержит 5 заданий. За правильно выполненное задание дается 2б. За каждую мелкую ошибку в задании оценка снижается на 0,2 балла. За правильный ответ без обоснования решения оценка снижается на 1 балл.	экзамен
3	3	Текущий контроль	Семестровая работа	20	20	Семестровая работа содержит 13 заданий. Работа выполняется студентом самостоятельно и сдается на проверку. За правильно выполненное задание дается 1,54б. За каждую мелкую ошибку в задании оценка снижается на 0,2 балла. За правильный ответ без обоснования решения оценка снижается на 0,8 балла. Студент имеет возможность исправить допущенные ошибки и сдать работу на проверку снова.	экзамен
4	3	Текущий контроль	Активность	7	7	В течении практического занятия студенты выходят к доске для решения задач. За правильно выполненное задание студент получает 1б. За допущенную ошибку в решении задачи оценка снижается на 0,2б. За каждую подсказку при решении задачи оценка тоже снижается на 0,2б. Общая сумма баллов за активность не больше 7.	экзамен
5	3	Текущий контроль	Домашние задания	7	7	В начале практического занятия проверяются задания, выданные на предыдущем практическом занятии. Один из студентов представляет свое решение у доски, остальные проверяют это решение. За правильное решение	экзамен

						выставляется 1б. За допущенную ошибку оценка снижается на 0,2б. Общая сумма баллов за Домашние задания не больше 7.	
6	3	Промежуточная аттестация	Экзаменационная работа	-	40	Билет содержит 4 вопроса: 2 теоретических и 2 практических. Каждый вопрос оценивается из 10б. За каждую мелкую ошибку в задании оценка снижается на 1 балл. За ошибку связанную с непониманием основных понятий ТФКП оценка снижается на 2б. За вычисления без обоснования оценка снижается на 1,5 балла. Баллы за предмет складываются из суммарного текущего балла и балла за экзамен. Максимальный балл за предмет 100б.	экзамен
7	3	Текущий контроль	Контрольная работа2	6	6	Контрольная работа 2 содержит 3 задания. За правильно выполненное задание дается 2б. За каждую мелкую ошибку в задании оценка снижается на 0,2 балла. За правильный ответ без обоснования решения оценка снижается на 1 балл.	экзамен

6.2. Процедура проведения, критерии оценивания

Вид промежуточной аттестации	Процедура проведения	Критерии оценивания
экзамен	В начале экзамена студент получает экзаменационный билет. Затем ему выделяется время на ответы и он начинает письменно отвечать на вопросы. После истечения времени экзамена письменные ответы на вопросы билета сдаются для проверки. Билет содержит 4 вопроса: 2 теоретических и 2 практических. Баллы за предмет складываются из суммарного текущего балла и балла за экзамен. Сдавать экзамен не обязательно	В соответствии с пп. 2.5, 2.6 Положения

6.3. Паспорт фонда оценочных средств

Компетенции	Результаты обучения	№ КМ						
		1	2	3	4	5	6	7
ПК-1	Знает: положения теории функций комплексного переменного, необходимые для построения физических и математических модели моделей, узлов, блоков электроники и нанoeлектроники различного функционального назначения	+	+				+	+

Типовые контрольные задания по каждому мероприятию находятся в приложениях.

7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

Печатная учебно-методическая документация

а) основная литература:

1. Карачик, В. В. Теория функций комплексного переменного [Текст] учеб. пособие по направлению 03.03.01 "Приклад. математика и физика" и др. В. В. Карачик, Л. Д. Менихес ; Юж.-Урал. гос. ун-т, Каф. Мат. и функцион. анализ ; ЮУрГУ. - Челябинск: Издательский Центр ЮУрГУ, 2015. - 410, [1] с. ил. электрон. версия
2. Волковыский, Л. И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного Для вузов Л. И. Волковыский, Г. Л. Лунц, И. Г. Араманович. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: Наука, 1970. - 319 с. черт.
3. Зверович, Э. И. Вещественный и комплексный анализ [Текст] Кн. 4 Ч. 6 Теория аналитических функций комплексного переменного учеб. пособие для мат. специальностей вузов : в 6 ч. Э. И. Зверович. - Минск: Вышэйшая школа, 2008. - 319 с.

б) дополнительная литература:

1. Могильницкий, В. А. Высшая математика. Типовые расчеты Ч. 3 Обыкновенные дифференциальные уравнения, ряды, теория функций комплексного переменного, операционное исчисление Учеб. пособие ЮУрГУ, Каф. Алгебра и геометрия; В. А. Могильницкий, Р. П. Петрова, Н. В. Ширококов; Под ред. А. А. Патрушева. - Челябинск: Издательство ЮУрГУ, 1998. - 98 с.
2. Пантелеев, А. В. Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление в примерах и задачах Учеб. пособие для втузов. - М.: Высшая школа, 2001. - 445 с. ил.
3. Привалов, И. И. Введение в теорию функций комплексного переменного учеб. для вузов И. И. Привалов. - 15-е изд., стер. - СПб. и др.: Лань, 2009. - 432 с. ил.
4. Сидоров, Ю. В. Лекции по теории функций комплексного переменного Учеб. для инж.-физ. и физ.-техн. спец. вузов. - 3-е изд., испр. - М.: Наука, 1989. - 477 с. ил.

в) отечественные и зарубежные журналы по дисциплине, имеющиеся в библиотеке:

1. Математические заметки

г) методические указания для студентов по освоению дисциплины:

1. Сборник заданий для самостоятельной работы
2. Кудрявцев К.Н., Самаров А.Б. Функции комплексного переменного. -Челябинск: Из-во ЮУрГУ, 2008. -45с.

из них: учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студента:

1. Сборник заданий для самостоятельной работы
2. Кудрявцев К.Н., Самаров А.Б. Функции комплексного переменного. -Челябинск: Из-во ЮУрГУ, 2008. -45с.

Электронная учебно-методическая документация

Нет

Перечень используемого программного обеспечения:

Нет

Перечень используемых профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

Нет

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Вид занятий	№ ауд.	Основное оборудование, стенды, макеты, компьютерная техника, предустановленное программное обеспечение, используемое для различных видов занятий
Лекции	607 (16)	Доска, мел и тряпка